**COMPETENZA MATEMATICA E COMPETENZA IN SCIENZE, TECNOLOGIE E INGEGNERIA**

**(disciplina di riferimento: matematica)**

**COMPETENZA MATEMATICA E COMPETENZA IN SCIENZE, TECNOLOGIE E INGEGNERIA MATEMATICA**

**DISCIPLINA DI RIFERIMENTO: MATEMATICA**

**DISCIPLINE CONCORRENTI: tutte**

**TRAGUARDI PER LO SVILUPPO DELLE COMPETENZE FISSATI DALLE INDICAZIONI NAZIONALI PER IL CURRICOLO 2012**

**MATEMATICA**

|  |  |
| --- | --- |
| **TRAGUARDI ALLA FINE DELLA SCUOLA PRIMARIA** | **TRAGUARDI ALLA FINE DEL PRIMO CICLO** |
| * L’alunno si muove con sicurezza nel calcolo scritto e mentale con i numeri naturali e sa valutare l’opportunità di ricorrere a una calcolatrice. * Riconosce e rappresenta forme del piano e dello spazio, relazioni e strutture che si trovano in natura o che sono state create dall’uomo. * Descrive, denomina e classifica figure in base a caratteristiche geometriche, ne determina misure, progetta e costruisce modelli concreti di vario tipo. * Utilizza strumenti per il disegno geometrico (riga, compasso, squadra) e i più comuni strumenti di misura (metro, goniometro...). * Ricerca dati per ricavare informazioni e costruisce rappresentazioni (tabelle e grafici). Ricava informazioni anche da dati rappresentati in tabelle e grafici. * Riconosce e quantifica, in casi semplici, situazioni di incertezza. * Legge e comprende testi che coinvolgono aspetti logici e matematici. * L’alunno conosce l’origine delle numerazioni e ne conosce la storia * Sa effettuare comparazioni tra i vari sistemi numerali * Riesce a risolvere facili problemi in tutti gli ambiti di contenuto, mantenendo il controllo sia sul processo risolutivo, sia sui risultati. Descrive il procedimento seguito e riconosce strategie di soluzione diverse dalla propria. * Costruisce ragionamenti formulando ipotesi, sostenendo le proprie idee e confrontandosi con il punto di vista di altri. * Riconosce e utilizza rappresentazioni diverse di oggetti matematici (numeri decimali, frazioni, percentuali, scale di riduzione, ...). * Sviluppa un atteggiamento positivo rispetto alla matematica, attraverso esperienze significative, che gli hanno fatto intuire come gli strumenti matematici che ha imparato ad utilizzare siano utili per operare nella realtà. | * L’alunno si muove con sicurezza nel calcolo anche con i numeri razionali, ne padroneggia le diverse rappresentazioni e stima la grandezza di un numero e il risultato di operazioni. * Riconosce e denomina le forme del piano e dello spazio, le loro rappresentazioni e ne coglie le relazioni tra gli elementi. * Analizza e interpreta rappresentazioni di dati per ricavarne misure di variabilità e prendere decisioni. * Riconosce e risolve problemi in contesti diversi valutando le informazioni e la loro coerenza. * Spiega il procedimento seguito, anche in forma scritta, mantenendo il controllo sia sul processo risolutivo, sia sui risultati. * Confronta procedimenti diversi e produce formalizzazioni che gli consentono di passare da un problema specifico a una classe di problemi. * Produce argomentazioni in base alle conoscenze teoriche acquisite (ad esempio sa utilizzare i concetti di proprietà caratterizzante e di definizione). * Sostiene le proprie convinzioni, portando esempi e controesempi adeguati e utilizzando concatenazioni di affermazioni; accetta di cambiare opinione riconoscendo le conseguenze logiche di una argomentazione corretta. * Utilizza e interpreta il linguaggio matematico (piano cartesiano, formule, equazioni, ...) e ne coglie il rapporto col linguaggio naturale. * Nelle situazioni di incertezza (vita quotidiana, giochi, …) si orienta con valutazioni di probabilità. * Ha rafforzato un atteggiamento positivo rispetto alla matematica attraverso esperienze significative e ha capito come gli strumenti matematici appresi siano utili in molte situazioni per operare nella realtà. |

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| ***SEZIONE A: Traguardi formativi*** | | | | |
| **COMPETENZA CHIAVE EUROPEA:** | **COMPETENZA MATEMATICA E COMPETENZA IN SCIENZE, TECNOLOGIE E INGEGNERIA** | | | |
| **Fonti di legittimazione:** | Indicazioni Nazionali per il Curricolo 2012  RACCOMANDAZIONE DEL CONSIGLIO Europeo del 22 maggio 2018 relativa alle competenze chiave per l’apprendimento permanente | | | |
| **COMPETENZE SPECIFICHE/DI BASE** | * Utilizzare con sicurezza le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico e algebrico, scritto e mentale, anche con riferimento a contesti reali * Rappresentare, confrontare ed analizzare figure geometriche, individuandone varianti, invarianti, relazioni, soprattutto a partire da situazioni reali; * Rilevare dati significativi, analizzarli, interpretarli, sviluppare ragionamenti sugli stessi, utilizzando consapevolmente rappresentazioni grafiche e strumenti di calcolo; * Riconoscere e risolve problemi di vario genere, individuando le strategie appropriate, giustificando il procedimento seguito e utilizzando in modo consapevole i linguaggi specifici | | | |
| **FINE CLASSE PRIMA SCUOLA PRIMARIA** | **FINE CLASSE SECONDA SCUOLA PRIMARIA** | **FINE CLASSE TERZA SCUOLA PRIMARIA** | **FINE CLASSE QUARTA SCUOLA PRIMARIA** | **FINE SCUOLA PRIMARIA** |
| **ABILITA’** | **ABILITA’** | **ABILITA’** | **ABILITA’** | **ABILITA’** |
| **Numeri**   * Contare oggetti o eventi, a voce e mentalmente, in senso progressivo e regressivo fino a 20 * Leggere e scrivere i numeri naturali fino a 20 in notazione decimale; confrontarli e ordinarli, anche rappresentandoli vari modi. * Eseguire mentalmente semplici addizioni e sottrazioni senza cambio con i numeri naturali fino a 20 e verbalizzare le procedure di calcolo. * Eseguire le addizioni e le sottrazioni senza cambio con i numeri naturali fino a 20 con gli algoritmi scritti usuali.   **Spazio e figure**   * Percepire la propria posizione nello spazio a partire dal proprio corpo. * Comunicare la posizione di oggetti nello spazio fisico, sia rispetto al soggetto, sia rispetto ad altre persone o oggetti, usando termini adeguati (sopra/sotto, davanti/dietro, destra/sinistra, dentro/fuori). * Eseguire un semplice percorso partendo dalla descrizione verbale o dal disegno, descrivere un percorso che si sta facendo e dare le istruzioni a qualcuno perché compia un percorso desiderato. * Riconoscere figure geometriche piane. * Comporre e scomporre figure geometriche * Disegnare figure geometriche piane e costruire modelli materiali.   **Relazioni, dati e previsioni**   * Classificare numeri, figure, oggetti in base a una o più proprietà, utilizzando rappresentazioni opportune indicate dall’insegnante, a seconda dei contesti e dei fini legati alla concreta esperienza. * Indicare i criteri che sono stati usati per realizzare semplici classificazioni e ordinamenti assegnati * Leggere e interpretare un grafico * Leggere e interpretare un grafico (individuare il complementare) * Leggere e rappresentare relazioni e dati relativi a esperienze concrete condotte a scuola (es. la tabella metereologica) con diagrammi, schemi e tabelle, dietro indicazioni dell’insegnante.. * Misurare grandezze (lunghezze, tempo, ecc.) utilizzando unità arbitrarie. * Risolvere facili problemi. | **Numeri**  Conoscere l’origine dei numeri e la loro storia (letture e filmati)   * Contare oggetti o eventi, a voce e mentalmente, in senso progressivo e regressivo e per salti di due, tre, .... fino a 100 * Leggere e scrivere i numeri naturali in notazione decimale fino a 100, avendo consapevolezza della notazione posizionale; confrontarli e ordinarli, anche rappresentandoli vari modi. * Individuare la metrica in una retta numerica per posizionare correttamente un numero * Eseguire mentalmente semplici operazioni con i numeri naturali entro il 100 e verbalizzare le procedure di calcolo. * Conoscere le tabelline della moltiplicazione dei numeri fino a 10. * Eseguire addizioni e sottrazioni con i numeri naturali con e senza cambio fino a 100 con gli algoritmi scritti usuali. * Eseguire moltiplicazioni con i numeri naturali fino a 100 con gli algoritmi scritti usuali con fattori di una cifra. * Eseguire divisioni con i numeri naturali senza resto fino a 100 con gli algoritmi scritti usuali con il divisore di una cifra. * Sommare il valore di monete diverse * Essere consapevole che esistono altri metodi di calcolo oltre a quelli tradizionalmente usati nella nostra cultura   **Spazio e figure**   * Percepire la propria posizione nello spazio e stimare distanze e dimensioni a partire dal proprio corpo. * Comunicare la posizione di oggetti nello spazio fisico, sia rispetto al soggetto, sia rispetto ad altre persone o oggetti, usando termini adeguati (sopra/sotto, davanti/dietro, destra/sinistra, dentro/fuori). * Eseguire un semplice percorso partendo dalla descrizione verbale o dal disegno, descrivere un percorso che si sta facendo e dare le istruzioni a qualcuno perché compia un percorso desiderato. * Riconoscere, denominare e descrivere figure geometriche piane. * Comporre e scomporre figure geometriche * Disegnare figure geometriche piane e costruire modelli materiali anche nello spazio.   **Relazioni, dati e previsioni**   * Classificare numeri, figure, oggetti in base a una o più proprietà, utilizzando rappresentazioni opportune, a seconda dei contesti e dei fini. * Indicare e spiegare i criteri che sono stati usati per realizzare classificazioni e ordinamenti assegnati. * Leggere e interpretare un grafico * Leggere e interpretare un grafico (individuare il complementare) * Leggere e rappresentare relazioni e dati con diagrammi, schemi e tabelle, relativamente a situazioni ed esperienze concrete condotte in classe. * Misurare grandezze (lunghezze, tempo, ecc.) utilizzando unità arbitrarie e strumenti convenzionali. * Riconoscere orario sull'orologio analogico * Risolvere facili problemi. | **Numeri**   * Contare oggetti o eventi, a voce e mentalmente, in senso progressivo e regressivo e per salti di due, tre, .... * Leggere e scrivere i numeri naturali in notazione decimale, avendo consapevolezza della notazione posizionale; confrontarli e ordinarli, anche rappresentandoli. * Eseguire mentalmente semplici operazioni con i numeri naturali e verbalizzare le procedure di calcolo. * Conoscere con sicurezza le tabelline della moltiplicazione dei numeri fino a 10. * Eseguire operazioni con i numeri naturali * Eseguire le operazioni con i numeri naturali con gli algoritmi scritti usuali. * Leggere, scrivere, confrontare numeri decimali, rappresentarli sulla retta ed eseguire semplici addizioni e sottrazioni, anche con riferimento alle monete o ai risultati di semplici misure. * Conoscere le strategie di calcolo di varie culture   **Spazio e figure**   * Percepire la propria posizione nello spazio e stimare distanze e dimensioni a partire dal proprio corpo. * Comunicare la posizione di oggetti nello spazio fisico, sia rispetto al soggetto, sia rispetto ad altre persone o oggetti, usando termini adeguati (sopra/sotto, davanti/dietro, destra/sinistra, dentro/fuori). * Eseguire un semplice percorso partendo dalla descrizione verbale o dal disegno, descrivere un percorso che si sta facendo e dare le istruzioni a qualcuno perché compia un percorso desiderato. * Riconoscere, denominare e descrivere figure geometriche. * Disegnare figure geometriche e costruire modelli materiali anche nello spazio. * Lavorare sulla percezione dello spostamento delle figure nello spazio bidimensionale   **Relazioni, dati e previsioni**   * Classificare numeri, figure, oggetti in base a una o più proprietà, utilizzando rappresentazioni opportune, a seconda dei contesti e dei fini. * Argomentare sui criteri che sono stati usati per realizzare classificazioni e ordinamenti assegnati. * Leggere e rappresentare relazioni e dati con diagrammi, schemi e tabelle. * Misurare grandezze (lunghezze, tempo, ecc.) utilizzando sia unità arbitrarie sia unità e strumenti convenzionali (metro, orologio, ecc.). * Risolvere facili problemi. * Comprendere e risolvere problemi con inferenze * Analizzare e comprendere testi misti con linguaggi simbolici iconici e grafici | **Numeri**   * Leggere, scrivere, confrontare numeri decimali. * Eseguire le quattro operazioni, valutando l’opportunità di ricorrere al calcolo mentale, scritto o con la calcolatrice a seconda delle situazioni. * Eseguire moltiplicazioni in colonna di numeri naturali e decimali (con il moltiplicatore di 2 cifre * Eseguire divisioni con dividendo intero e decimale e divisore a 1 cifra. * Eseguire divisioni con dividendo intero entro il mille e divisore a 2 cifre * Individuare multipli e divisori di un numero. * Stimare il risultato di una operazione. * Operare con le frazioni e riconoscere frazioni equivalenti. * Calcolare la frazione di una quantità. * Individuare la frazione complementare ad una frazione data. * Leggere, confrontare ed ordinare frazioni di uguale denominatore. * Riconoscere e rappresentare frazioni decimali. * Tradurre la frazione decimale in numero decimale equivalente. * Calcolare il reciproco di un numero: doppio/metà, triplo/terzo, ecc. * Riconoscere classi di numeri (pari/dispari, mutipli/divisori). * Utilizzare numeri decimali, frazioni e percentuali per descrivere situazioni quotidiane. * Rappresentare i numeri conosciuti sulla retta e utilizzare scale graduate in contesti significativi per le scienze e per la tecnica. * Applicare i sistemi di notazione dei numeri delle culture conosciute negli anni precedenti * Conoscere sistemi di notazione dei numeri che sono o sono stati in uso in luoghi, tempi e culture diverse dalla nostra.   **Spazio e figure**   * Descrivere, denominare e classificare figure geometriche, identificando elementi significativi e simmetrie, anche al fine di farle riprodurre da altri. * Riprodurre una figura in base a una descrizione, utilizzando gli strumenti opportuni (carta a quadretti, riga e compasso, squadre, software di geometria). * Utilizzare il piano cartesiano per localizzare punti. * Costruire e utilizzare modelli materiali nello spazio e nel piano come supporto a una prima capacità di visualizzazione. * Riconoscere figure ruotate, traslate e riflesse. * Confrontare e misurare angoli utilizzando proprietà e strumenti. * Utilizzare e distinguere fra loro i concetti di perpendicolarità, parallelismo, orizzontalità, verticalità. * Riprodurre in scala una figura assegnata (utilizzando, ad esempio, la carta a quadretti). * Determinare il perimetro di una figura utilizzando le più comuni formule o altri procedimenti. * Determinare l’area di rettangoli e triangoli e di altre figure per scomposizione o utilizzando le più comuni formule. * Riconoscere rappresentazioni piane di oggetti tridimensionali, identificare punti di vista diversi di uno stesso oggetto (dall’alto, di fronte, ecc.) * Lavorare sulla percezione dello spostamento delle figure nello spazio bidimensionale   **Relazioni, dati e previsioni**   * Rappresentare relazioni e dati e, in situazioni significative, utilizzare le rappresentazioni per ricavare informazioni, formulare giudizi e prendere decisioni. * Usare le nozioni di frequenza e di moda. * Rappresentare problemi con tabelle e grafici che ne esprimono la struttura. * Utilizzare le principali unità di misura per lunghezze, angoli, aree, capacità, intervalli temporali, masse, pesi e usarle per effettuare misure e stime. * Passare da un’unità di misura a un'altra, limitatamente alle unità di uso più comune, anche nel contesto del sistema monetario. * In situazioni concrete, di una coppia di eventi intuire e cominciare ad argomentare qual è il più probabile, dando una prima quantificazione nei casi più semplici, oppure riconoscere se si tratta di eventi ugualmente probabili. * Riconoscere e descrivere regolarità in una sequenza di numeri o di figure. * Comprendere e risolvere problemi con inferenze * Analizzare e comprendere testi misti con linguaggi simbolici iconici e grafici | **Numeri**   * Leggere, scrivere, confrontare numeri decimali. * Eseguire le quattro operazioni con sicurezza, valutando l’opportunità di ricorrere al calcolo mentale, scritto o con la calcolatrice a seconda delle situazioni. * Eseguire la divisione con resto fra numeri naturali; individuare multipli e divisori di un numero. * Stimare il risultato di una operazione. * Operare con le frazioni e riconoscere frazioni equivalenti. * Utilizzare numeri decimali, frazioni e percentuali per descrivere situazioni quotidiane. * Interpretare i numeri interi negativi in contesti concreti. * Rappresentare i numeri conosciuti sulla retta e utilizzare scale graduate in contesti significativi per le scienze e per la tecnica. * Conoscere sistemi di notazione dei numeri che sono o sono stati in uso in luoghi, tempi e culture diverse dalla nostra.   **Spazio e figure**   * Descrivere, denominare e classificare figure geometriche, identificando elementi significativi e simmetrie, anche al fine di farle riprodurre da altri. * Riprodurre una figura in base a una descrizione, utilizzando gli strumenti opportuni (carta a quadretti, riga e compasso, squadre, software di geometria). * Utilizzare il piano cartesiano per localizzare punti. * Costruire e utilizzare modelli materiali nello spazio e nel piano come supporto a una prima capacità di visualizzazione. * Riconoscere figure ruotate, traslate e riflesse. * Confrontare e misurare angoli utilizzando proprietà e strumenti. * Utilizzare e distinguere fra loro i concetti di perpendicolarità, parallelismo, orizzontalità, verticalità. * Riprodurre in scala una figura assegnata (utilizzando, ad esempio, la carta a quadretti). * Determinare il perimetro di una figura utilizzando le più comuni formule o altri procedimenti. * Determinare l’area di rettangoli e triangoli e di altre figure per scomposizione o utilizzando le più comuni formule. * Riconoscere rappresentazioni piane di oggetti tridimensionali, identificare punti di vista diversi di uno stesso oggetto (dall’alto, di fronte, ecc.) * Lavorare sulla percezione dello spostamento delle figure nello spazio bidimensionale   **Relazioni, dati e previsioni**   * Rappresentare relazioni e dati e, in situazioni significative, utilizzare le rappresentazioni per ricavare informazioni, formulare giudizi e prendere decisioni. * Usare le nozioni di frequenza, di moda e di media aritmetica, se adeguate alla tipologia dei dati a disposizione. * Rappresentare problemi con tabelle e grafici che ne esprimono la struttura. * Utilizzare le principali unità di misura per lunghezze, angoli, aree, volumi/capacità, intervalli temporali, masse, pesi e usarle per effettuare misure e stime. * Passare da un’unità di misura a un'altra, limitatamente alle unità di uso più comune, anche nel contesto del sistema monetario. * In situazioni concrete, di una coppia di eventi intuire e cominciare ad argomentare qual è il più probabile, dando una prima quantificazione nei casi più semplici, oppure riconoscere se si tratta di eventi ugualmente probabili. * Riconoscere e descrivere regolarità in una sequenza di numeri o di figure. * Comprendere e risolvere problemi con inferenze * Analizzare e comprendere testi misti con linguaggi simbolici iconici e grafici |
| **Micro abilità per la classe prima** | **Micro abilità per la classe seconda** | **Micro abilità per la classe terza** | **Micro abilità per la classe quarta** | **Micro abilità per la classe quinta** |
| * Far corrispondere ad una quantità un numero. * Stabilire relazioni d’ordine tra due quantità o due numeri, usando i segni >, <, =. * Confrontare e ordinare quantità e numeri fino a venti in ordine progressivo e regressivo ( retta graduata ). Collocarli sulla linea dei numeri. * Conoscere i numeri ordinali fino al nove. * Raggruppare in base dieci. * Scomporre e ricomporre i numeri fino al venti. * Leggere e rappresentare i numeri con l’abaco e altro materiale strutturato. * Leggere e scrivere correttamente i numeri fino al venti ( in cifre e in parola). * Eseguire addizioni entro il venti. * Mantenere il controllo simultaneo di due sequenze * Eseguire sottrazioni entro il venti. * Localizzare oggetti nello spazio con diversi punti di riferimento. * Usare correttamente le relazioni topologiche: dentro/fuori, sopra / sotto, davanti / dietro , vicino / lontano , destra/sinistra, in alto/in basso. * Riconoscere e denominare figure geometriche piane e solide. * Comporre e scomporre figure geometriche * Eseguire spostamenti lungo percorsi assegnati con istruzioni orali. * Descrivere verbalmente e con rappresentazioni grafiche percorsi eseguiti da altri. * Distinguere linee aperte, linee chiuse, regioni interne/esterne, confini. * Confrontare e seriare grandezze. * Passare da una rappresentazione tridimensionale a una rappresentazione bidimensionale b. Determinare il numero di pezzi che compone una costruzione * rappresentare simmetrie mediante piegature, ritagli, disegni… * Riconoscere ed isolare una situazione problematica (aritmetica e non). * Individuare e distinguere la richiesta e le informazioni. * Rappresentare e risolvere una situazione problematica: simbolicamente, con materiale, disegno, ed operazioni (addizione, sottrazione come resto). * Classificare elementi secondo un attributo, usando il materiale. * Indicare un attributo che giustifichi la classificazione. * Rappresentare insiemi con l’uso di diagrammi (Venn). * Individuare regolarità di ritmi e successioni date con oggetti, immagini, suoni e, viceversa, seguire regole per costruire tali successioni. * Completare una tabella a doppia entrata, utilizzando altre informazioni presenti nella tabella | * Confrontare raggruppamenti diversi di oggetti per quantità; far corrispondere le quantità ai rispettivi numeri. * Contare in senso progressivo e regressivo fino a 100. * Leggere scrivere e rappresentare i numeri fino a 100. * Stabilire relazioni d’ordine tra numeri (usando =, <, >), ordinarli e disporli sulla linea dei numeri. * Usare correttamente i numeri ordinali, fino al 20esimo. * Scomporre i numeri fino a cento (nelle rispettive somme di unità, decine, centinaia) e ricomporli. * Raggruppare in base dieci (eventualmente anche diversa da dieci). * Individuare il significato e utilizzare correttamente lo zero e il valore posizionale delle cifre. * Riconoscere classi di numeri (pari/dispari) * Assegnare un valore a due simboli diversi in modo che le due uguaglianze siano verificate * Eseguire addizioni e sottrazioni, entro il 100, senza e con cambio: (in riga, colonna, tabella). * Sottrazione operazione inversa dll’addizione * Catene di addizioni e sottrazioni * Eseguire moltiplicazioni (con fattori a una cifra). * Eseguire rapidamente e correttamente calcoli mentali (addizioni e sottrazioni) usando strategie diverse. Confrontare percorsi su una griglia isometrica * Raggruppare e contare oggetti per 2, per 3, per 4, ecc.(in funzione del calcolo pitagorico). * Memorizzare la tavola pitagorica fino al numero 10. * Mantenere il controllo simultaneo di due sequenze * Localizzare oggetti nello spazio con diversi punti di riferimento. * Usare correttamente le relazioni topologiche: dentro/fuori, sopra/sotto, davanti/dietro, vicino/lontano, in alto / in basso, destra/sinistra. * Interpretare una rappresentazione per individuare una posizione nel piano. * Rilevare differenze di forme e posizioni in oggetti ed immagini. * Effettuare spostamenti lungo percorsi eseguiti con istruzioni orali e scritte e rappresentarli. * Distinguere linee aperte, linee chiuse, linee semplici ed intrecciate; riconoscere regioni interne/esterne e confini. * Individuare simmetrie assiali su oggetti e figure date; * Simmetrie vita es. scrittura * Passare da una rappresentazione tridimensionale a una rappresentazione bidimensionale b. Determinare il numero di pezzi che compone una costruzione * rappresentare simmetrie mediante piegature, ritagli, disegni… * Riconoscere figure in contesto reale e in posizione non standard. * Confrontare e misurare lunghezze, con unità di misura arbitrarie. * Riconoscere e denominare semplici figure geometriche piane e solide. * Comporre e scomporre figure geometriche * Riconoscere ed isolare situazioni problematiche (aritmetiche e non ). * Individuare e distinguere la richiesta e le informazioni. * Rappresentare e risolvere una situazione problematica : simbolicamente, con materiale, disegno, grafici ed operazioni (addizione, sottrazione come resto , differenza , negazione , moltiplicazione). * Risolvere un problema che presenta una situazione di rapporto * Risolvere un problema ricavando i dati da un grafico * Classificare elementi in base a due attributi. * Indicare gli attributi di una classificazione. * Rappresentare insiemi con l’uso di diagrammi (Venn, Carrol). * Stabilire semplici relazioni e rappresentarle. * Usare correttamente i connettivi logici: e, non. * Completare una tabella a doppia entrata, utilizzando altre informazioni presenti nella tabella | * Leggere e scrivere, in cifre e in parola, i numeri naturali entro il mille. * Confrontare e ordinare i numeri naturali entro il mille. * Conoscere il valore posizionale delle cifre. * Scomporre i numeri entro il mille nelle corrispondenti somme di migliaia, centinaia, decine unità e ricomporli * Individuare il significato e utilizzare correttamente lo zero e il valore posizionale delle cifre. * Individuare successioni numeriche data una regola e viceversa. * Eseguire addizioni e sottrazioni in riga e in colonna entro il mille. * Eseguire moltiplicazioni in riga e in colonna con il moltiplicatore di una cifra. * Moltiplicare per 10/100 numeri naturali. * Eseguire divisioni con il divisore di un cifra. * Individuare l'unità frazionaria in * un intero, * in una quantità. * Trovare la frazione corrispondente: * ad un intero * una quantità data * Data una frazione individuare la parte corrispondente. * Calcolare il reciproco di un numero (doppio/metà). * Utilizzare strategie per il calcolo orale (anche con l'utilizzo di proprietà). * Memorizzare la tavola pitagorica (fino al 10). * Individuare e rappresentare su reticolati, mappe, ecc. , in situazioni concrete, posizioni e spostamenti nel piano (punti, direzioni, distanze). * Usare le coordinate cartesiane positive nel piano. * Conoscere, classificare, disegnare linee aperte/chiuse, curve/spezzate, semplici/intrecciate; riconoscere regioni interne/esterne, confini. * Utilizzare correttamente le espressioni retta verticale /orizzontale. * Individuare e creare simmetrie assiali presenti in oggetti e in figure piane date. * Lavorare sulla percezione dello spostamento delle figure nello spazio bidimensionale * Usare il righello. * Confrontare grandezze. * Riconoscere ed isolare situazioni problematiche. * In un testo individuare e distinguere la richiesta e i dati. * Formulare il testo di un problema. * In un testo, individuare la mancanza di dati , per risolvere problemi. * Rappresentare e risolvere una situazione problematica simbolicamente: con uno schema grafico e con le quattro operazioni; con una o due domande. * Risolvere problemi aritmetici a più soluzioni. * Rinforzo di processi logici attraverso analisi di situazioni problematiche con inferenze. * Argomentare situazioni problematiche * Classificare elementi in base a due attributi. * Indicare gli attributi di una classificazione. * Rappresentare insiemi con l’uso di diagrammi (Venn, Carrol, ad albero). * Stabilire relazioni e rappresentarle * Saper utilizzare connettivi (e, non, oppure, anche) e quantificatori logici (tutti, nessuno, alcuni, almeno uno, ogni, ciascuno,...). * Rappresentare dati (con istogrammi) secondo criteri assegnati. * Leggere rappresentazioni (istogrammi) di dati. * Rappresentare processi con diagrammi di flusso. * Utilizzo di tabelle e grafici anche relativi a testi misti | * Leggere e scrivere in cifre e parola i numeri naturali e/o decimali oltre il mille. * Scomporre numeri naturali e decimali (nelle corrispondenti somme di migliaia, centinaia, decine, unità, decimi, centesimi…) e ricomporli. * Confrontare e ordinare i numeri naturali e/o decimali * Individuare successioni numeriche data una regola e viceversa ( con numeri naturali e decimali). * Individuare il significato e usare correttamente zero, virgola, valore posizionale delle cifre (nei numeri naturali e/o decimali) * Moltiplicare e dividere per 10/100/1000 (numeri naturali e/o decimali). * Calcolare la frazione di una quantità. * Individuare la frazione complementare ad una frazione data. * Leggere, confrontare ed ordinare frazioni di uguale denominatore. * Riconoscere e rappresentare frazioni decimali. * Tradurre la frazione decimale in numero decimale equivalente. * Calcolare il reciproco di un numero: doppio/metà, triplo/terzo, ecc. * Riconoscere classi di numeri (pari/dispari, mutipli/divisori). * Eseguire addizioni e sottrazioni in colonna, con numeri naturali e decimali. * Eseguire moltiplicazioni in colonna di numeri naturali e decimali (con il moltiplicatore di 2 cifre al massimo). * Eseguire divisioni con dividendo intero e decimale e divisore a 1 cifra. * Usare strategie per il calcolo orale (anche con l’utilizzo di proprietà). * Individuare e rappresentare su reticoli, mappe ecc., in situazioni concrete posizioni e spostamenti nel piano (punti, direzioni, distanze, angoli come rotazioni). * Usare le coordinate cartesiane positive, nel piano. * Individuare, costruire, classificare angoli; misurare ampiezze angolari. * Distinguere le figure geometriche in solide e piane; denominarle correttamente. * Classificare le figure piane in poligoni/non poligoni, poligoni convessi/concavi). * Calcolare il perimetro di alcune figure piane. * Individuare simmetrie assiali nei poligoni (con disegni, piegature, ritaglio…). * Usare righello, squadra, goniometro. * Lavorare sulla percezione dello spostamento delle figure nello spazio bidimensionale * Conoscere, usare, confrontare le unità di misura convenzionali internazionali per la misura di lunghezze, di volume/capacità; effettuare stime e misure. * Scegliere, costruire e utilizzare strumenti adeguati per effettuare misurazioni. * Passare da una misura, espressa in una data unità, ad un'altra ad essa equivalente. * Effettuare misure di durate (in ore, minuti primi e secondi, senza passaggi di unità di misura e senza calcoli). * Rappresentare e risolvere una situazione problematica simbolicamente: con uno schema grafico * Argomentare situazioni problematiche * Riconoscere ed isolare una situazione problematica (aritmetica e non). * Individuare e distinguere la richiesta e le informazioni. * Individuare mancanza / sovrabbondanza di dati. * Completare testi matematici che presentano dati mancanti. * Rappresentare e risolvere una situazione problematica:  1. con le quattro operazioni 2. con unità di misura  * Risolvere problemi con più operazioni e più domande esplicite /con una domanda esplicita e una implicita. * Classificare elementi in base a due attributi. * Indicare gli attributi di una classificazione. * Rappresentare insiemi con l’uso di diagrammi (Venn, Carrol, ad albero, tabelle,…). * Stabilire relazioni e rappresentarle. * Utilizzare i connettivi e i quantificatori logici. * Rappresentare dati adeguatamente. * Leggere rappresentazioni di dati. * Rappresentare processi con diagrammi di flusso. | * Leggere e scrivere numeri interi e decimali, oltre il mille. * Scomporli (nelle corrispondenti somme di migliaia, centinaia, decine, unità, decimi, centesimi,…) e ricomporli. * Confrontare ed ordinare i numeri naturali e/o decimali. * Individuare il significato e utilizzare correttamente zero, virgola, valore posizionale delle cifre (nei numeri naturali e/o decimali) * Moltiplicare e dividere per 10/100/1000 (numeri naturali e/o decimali). * Riconoscere classi di numeri (pari/dispari, multipli/divisori/). * Individuare successioni numeriche data una regola e viceversa (con numeri naturali e/o decimali) . * Eseguire le quattro operazioni aritmetiche con numeri naturali e/o decimali (divisioni con un massimo di 2 cifre al divisore). * Calcolare frazioni di quantità. * Costruire classi di frazioni (proprie, improprie, apparenti, decimali, equivalenti). * Leggere, confrontare ed ordinare frazioni di uguale denominatore. * Usare strategie per il calcolo orale (anche con l’utilizzo di proprietà). * Individuare e rappresentare su reticoli, mappe, ecc. in situazioni concrete, posizioni, spostamenti nel piano (punti, direzioni, distanze, angoli come rotazioni). * Usare le coordinate cartesiane positive, nel piano. * Riconoscere, denominare, disegnare e costruire semplici figure geometriche. * Descrivere alcune caratteristiche di semplici figure geometriche. * Scomporre e ricomporre semplici figure piane per individuare equiestensioni. * Misurare perimetro ed area delle principali figure piane. * Individuare la diversità concettuale tra perimetro e area. * Disegnare con riga, squadra e compasso, rette parallele e perpendicolari, angoli e alcuni poligoni (triangoli e rettangoli). * Individuare eventuali simmetrie presenti in una figura piana. * Lavorare sulla percezione dello spostamento delle figure nello spazio bidimensionale * Realizzare con materiali e disegni, la corrispondente di una figura geometrica piana sottoposta ad una traslazione, ad una simmetria assiale, ad un ingrandimento/rimpicciolimento in scala. * Conoscere, usare, confrontare le unità di misura convenzionali internazionali per la misura di lunghezze, volumi/ capacità, pesi/massa; effettuare stime e misure. * Scegliere costruire e utilizzare strumenti adeguati per effettuare misurazioni. * Passare da una misura in una data unità ad un'altra ad essa equivalente * Effettuare misure di durate (in ore, minuti primi e secondi, senza passaggi di unità di misura e calcoli). * Rappresentare e risolvere una situazione problematica simbolicamente: con uno schema grafico * Argomentare situazioni problematiche * Riconoscere ed isolare situazioni problematiche. * Rinforzo di processi logici attraverso analisi di situazioni problematiche con inferenze * Individuare e distinguere la richiesta e le informazioni. * Individuare la mancanza, la sovrabbondanza e la contraddittorietà dei dati. * Risolvere problemi che offrano più soluzioni. * Rappresentare e risolvere una situazione problematica:  1. con le quattro operazioni, 2. con frazioni, 3. con unità di misura, 4. con l’uso di formule, 5. con concetti economici (Spesa/ricavo/guadagno, peso lordo/peso netto/tara).  * Risolvere problemi con più operazioni e almeno una domanda implicita. * Classificare elementi in base a due attributi. * Indicare gli attributi di una classificazione. * Rappresentare insiemi con l’uso di diagrammi (Venn, Carrol, ad albero, istogrammi…). * Stabilire relazioni e rappresentarle. * Saper utilizzare i connettivi e i quantificatori logici. * Rappresentare, elencare, numerare, in semplici situazioni combinatorie, tutti i casi possibili. * Raccogliere dati e rappresentarli adeguatamente. * Leggere ed interpretare rappresentazioni (tabelle, istogrammi, ecc.). * Effettuare semplici calcoli statistici (media, percentuale). * Rappresentare processi con diagrammi di flusso |
| **CONOSCENZE FINE CLASSE TERZA SCUOLA PRIMARIA** | Gli insiemi numerici: rappresentazioni, operazioni, ordinamento  I sistemi di numerazione  Operazioni e proprietà  Figure geometriche piane  Piano e coordinate cartesiani  Misure di grandezza  Misurazione e rappresentazione in scala  Le fasi risolutive di un problema e loro rappresentazioni con diagrammi  E' capace di comprendere e formulare inferenze  Principali rappresentazioni di un oggetto matematico  Tecniche risolutive di un problema  Unità di misura diverse  Grandezze equivalenti  Elementi essenziali di logica  Elementi essenziali del linguaggio della probabilità | | | |
| **CONOSCENZE FINE SCUOLA PRIMARIA** | Gli insiemi numerici: rappresentazioni, operazioni, ordinamento  I sistemi di numerazione  Operazioni e proprietà  Frazioni e frazioni equivalenti  Sistemi di numerazione diversi nello spazio e nel tempo  Figure geometriche piane  Piano e coordinate cartesiani  Misure di grandezza; perimetro e area dei poligoni.  Trasformazioni geometriche elementari e loro invarianti  Misurazione e rappresentazione in scala  Le fasi risolutive di un problema e loro rappresentazioni con diagrammi  Principali rappresentazioni di un oggetto matematico  E' capace di comprendere e formulare inferenze  Tecniche risolutive di un problema che utilizzano frazioni, proporzioni, percentuali, formule geometriche  Unità di misura diverse  Grandezze equivalenti  Frequenza, media, percentuale  Elementi essenziali di logica  Elementi essenziali di calcolo probabilistico e combinatorio | | | |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| ***SEZIONE A: Traguardi formativi*** | | |
| **COMPETENZA CHIAVE EUROPEA:** | **COMPETENZA MATEMATICA E COMPETENZA IN SCIENZE, TECNOLOGIE E INGEGNERIA** | |
| **Fonti di legittimazione:** | Indicazioni Nazionali per il Curricolo 2012  RACCOMANDAZIONE DEL CONSIGLIO Europeo del 22 maggio 2018 relativa alle competenze chiave per l’apprendimento permanente | |
| **COMPETENZE SPECIFICHE/DI BASE** | * Utilizzare con sicurezza le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico e algebrico, scritto e mentale, anche con riferimento a contesti reali * Rappresentare, confrontare ed analizzare figure geometriche, individuandone varianti, invarianti, relazioni, soprattutto a partire da situazioni reali; * Rilevare dati significativi, analizzarli, interpretarli, sviluppare ragionamenti sugli stessi, utilizzando consapevolmente rappresentazioni grafiche e strumenti di calcolo; * Riconoscere e risolve problemi di vario genere, individuando le strategie appropriate, giustificando il procedimento seguito e utilizzando in modo consapevole i linguaggi specifici | |
| **FINE CLASSE PRIMA SCUOLA SECONDARIA DI PRIMO GRADO** | **FINE CLASSE SECONDA SCUOLA SECONDARIA DI PRIMO GRADO** | **FINE SCUOLA SECONDARIA DI PRIMO GRADO** |
| **ABILITA’** | **ABILITA’** | **ABILITA’** |
| **Numeri**  Eseguire addizioni, sottrazioni, moltiplicazioni, divisioni, ordinamenti e confronti tra i numeri conosciuti (numeri naturali, numeri interi, frazioni e numeri decimali), quando possibile a mente oppure utilizzando gli usuali algoritmi scritti, le calcolatrici e i fogli di calcolo e valutando quale strumento può essere più opportuno.  Dare stime approssimate per il risultato di una operazione e controllare la plausibilità di un calcolo.  Utilizzare scale graduate in contesti significativi per le scienze e per la tecnica.  Utilizzare il concetto di rapporto fra numeri o misure ed esprimerlo sia nella forma decimale, sia mediante frazione.  Comprendere il significato di percentuale e saperla calcolare utilizzando strategie diverse.  Interpretare una variazione percentuale di una quantità data come una moltiplicazione per un numero decimale.  Individuare multipli e divisori di un numero naturale e multipli e divisori comuni a più numeri.  Comprendere il significato e l'utilità del multiplo comune più piccolo e del divisore comune più grande, in matematica e in situazioni concrete.  In casi semplici scomporre numeri naturali in fattori primi e conoscere l’utilità di tale scomposizione per diversi fini.  Utilizzare la notazione usuale per le potenze con esponente intero positivo, consapevoli del significato e le proprietà delle potenze per semplificare calcoli e notazioni.  Utilizzare la proprietà associativa e distributiva per raggruppare e semplificare, anche mentalmente, le operazioni.  Descrivere con un’espressione numerica la sequenza di operazioni che fornisce la soluzione di un problema.  Eseguire semplici espressioni di calcolo con i numeri conosciuti, essendo consapevoli del significato delle parentesi e delle convenzioni sulla precedenza delle operazioni.  Esprimere misure utilizzando anche le potenze del 10 e le cifre significative.  Utilizzare e applicare le diverse tecniche di calcolo conosciute nel corso del primo ciclo, con riferimento alle tecniche usate in altre culture  **Spazio e figure**  Riprodurre figure e disegni geometrici, utilizzando in modo appropriato e con accuratezza opportuni strumenti (riga, squadra, compasso, goniometro, software di geometria).  Rappresentare punti, segmenti e figure sul piano cartesiano.  Conoscere definizioni e proprietà (angoli, assi di simmetria, diagonali, …) delle principali figure piane (triangoli, quadrilateri, poligoni regolari, cerchio).  Riprodurre figure e disegni geometrici in base a una descrizione e codificazione fatta da altri.  Riconoscere figure piane simili in vari contesti e riprodurre in scala una figura assegnata.  Determinare l’area di semplici figure scomponendole in figure elementari, ad esempio triangoli o utilizzando le più comuni formule.  Conoscere il numero π, e alcuni modi per approssimarlo.  Calcolare l’area del cerchio e la lunghezza della circonferenza, conoscendo il raggio, e viceversa  Conoscere e utilizzare le principali trasformazioni geometriche e i loro invarianti.  Risolvere problemi utilizzando le proprietà geometriche delle figure.  **Relazioni e funzioni**  Interpretare, costruire e trasformare formule che contengono lettere per esprimere in forma generale relazioni e proprietà.  Esprimere la relazione di proporzionalità con un’uguaglianza di frazioni e viceversa.  **Dati e previsioni**  Rappresentare insiemi di dati, anche facendo uso di un foglio elettronico. In situazioni significative, confrontare dati al fine di prendere decisioni, utilizzando le distribuzioni delle frequenze e delle frequenze relative. Scegliere ed utilizzare valori medi (moda, mediana, media aritmetica) adeguati alla tipologia ed alle caratteristiche dei dati a disposizione.  In semplici situazioni aleatorie, individuare gli eventi elementari, assegnare a essi una probabilità, calcolare la probabilità di qualche evento, scomponendolo in eventi elementari disgiunti.  Riconoscere coppie di eventi complementari, incompatibili, indipendenti. | **Numeri**  Eseguire addizioni, sottrazioni, moltiplicazioni, divisioni, ordinamenti e confronti tra i numeri conosciuti (numeri naturali, numeri interi, frazioni e numeri decimali), quando possibile a mente oppure utilizzando gli usuali algoritmi scritti, le calcolatrici e i fogli di calcolo e valutando quale strumento può essere più opportuno.  Dare stime approssimate per il risultato di una operazione e controllare la plausibilità di un calcolo.  Rappresentare i numeri conosciuti sulla retta.  Utilizzare scale graduate in contesti significativi per le scienze e per la tecnica.  Utilizzare il concetto di rapporto fra numeri o misure ed esprimerlo sia nella forma decimale, sia mediante frazione.  Utilizzare frazioni equivalenti e numeri decimali per denotare uno stesso numero razionale in diversi modi, essendo consapevoli di vantaggi e svantaggi delle diverse rappresentazioni.  Comprendere il significato di percentuale e saperla calcolare utilizzando strategie diverse.  Interpretare una variazione percentuale di una quantità data come una moltiplicazione per un numero decimale.  Individuare multipli e divisori di un numero naturale e multipli e divisori comuni a più numeri.  Comprendere il significato e l'utilità del multiplo comune più piccolo e del divisore comune più grande, in matematica e in situazioni concrete.  In casi semplici scomporre numeri naturali in fattori primi e conoscere l’utilità di tale scomposizione per diversi fini.  Utilizzare la notazione usuale per le potenze con esponente intero positivo, consapevoli del significato e le proprietà delle potenze per semplificare calcoli e notazioni.  Conoscere la radice quadrata come operatore inverso dell’elevamento al quadrato.  Dare stime della radice quadrata utilizzando solo la moltiplicazione.  Sapere che non si può trovare una frazione o un numero decimale che elevato al quadrato dà 2, o altri numeri interi.  Utilizzare la proprietà associativa e distributiva per raggruppare e semplificare, anche mentalmente, le operazioni.  Descrivere con un’espressione numerica la sequenza di operazioni che fornisce la soluzione di un problema.  Eseguire semplici espressioni di calcolo con i numeri conosciuti, essendo consapevoli del significato delle parentesi e delle convenzioni sulla precedenza delle operazioni.  Esprimere misure utilizzando anche le potenze del 10 e le cifre significative.  **Spazio e figure**  Riprodurre figure e disegni geometrici, utilizzando in modo appropriato e con accuratezza opportuni strumenti (riga, squadra, compasso, goniometro, software di geometria).  Rappresentare punti, segmenti e figure sul piano cartesiano.  Conoscere definizioni e proprietà (angoli, assi di simmetria, diagonali, …) delle principali figure piane (triangoli, quadrilateri, poligoni regolari, cerchio).  Descrivere figure complesse e costruzioni geometriche al fine di comunicarle ad altri.  Riprodurre figure e disegni geometrici in base a una descrizione e codificazione fatta da altri.  Riconoscere figure piane simili in vari contesti e riprodurre in scala una figura assegnata.  Determinare l’area di semplici figure scomponendole in figure elementari, ad esempio triangoli o utilizzando le più comuni formule.  Stimare per difetto e per eccesso l’area di una figura delimitata anche da linee curve.  Conoscere il numero π, e alcuni modi per approssimarlo.  Calcolare l’area del cerchio e la lunghezza della circonferenza, conoscendo il raggio, e viceversa  Conoscere e utilizzare le principali trasformazioni geometriche e i loro invarianti.  Rappresentare oggetti e figure tridimensionali in vario modo tramite disegni sul piano.  Risolvere problemi utilizzando le proprietà geometriche delle figure.  Dimostrazione del teorema di Pitagora nelle diverse culture  **Relazioni e funzioni**  Interpretare, costruire e trasformare formule che contengono lettere per esprimere in forma generale relazioni e proprietà.  Esprimere la relazione di proporzionalità con un’uguaglianza di frazioni e viceversa.  Usare il piano cartesiano per rappresentare relazioni e funzioni empiriche o ricavate da tabelle, e per conoscere in particolare le funzioni del tipo y=ax, y=a/x, y=ax2, y=2n e i loro grafici e collegare le prime due al concetto di proporzionalità.  **Dati e previsioni**  Rappresentare insiemi di dati, anche facendo uso di un foglio elettronico. In situazioni significative, confrontare dati al fine di prendere decisioni, utilizzando le distribuzioni delle frequenze e delle frequenze relative. Scegliere ed utilizzare valori medi (moda, mediana, media aritmetica) adeguati alla tipologia ed alle caratteristiche dei dati a disposizione. Saper valutare la variabilità di un insieme di dati determinandone, ad esempio, il campo di variazione.  In semplici situazioni aleatorie, individuare gli eventi elementari, assegnare a essi una probabilità, calcolare la probabilità di qualche evento, scomponendolo in eventi elementari disgiunti.  Riconoscere coppie di eventi complementari, incompatibili, indipendenti. | **Numeri**  Eseguire addizioni, sottrazioni, moltiplicazioni, divisioni, ordinamenti e confronti tra i numeri conosciuti (numeri naturali, numeri interi, frazioni e numeri decimali), quando possibile a mente oppure utilizzando gli usuali algoritmi scritti, le calcolatrici e i fogli di calcolo e valutando quale strumento può essere più opportuno.  Dare stime approssimate per il risultato di una operazione e controllare la plausibilità di un calcolo.  Rappresentare i numeri conosciuti sulla retta.  Utilizzare scale graduate in contesti significativi per le scienze e per la tecnica.  Utilizzare il concetto di rapporto fra numeri o misure ed esprimerlo sia nella forma decimale, sia mediante frazione.  Utilizzare frazioni equivalenti e numeri decimali per denotare uno stesso numero razionale in diversi modi, essendo consapevoli di vantaggi e svantaggi delle diverse rappresentazioni.  Comprendere il significato di percentuale e saperla calcolare utilizzando strategie diverse.  Interpretare una variazione percentuale di una quantità data come una moltiplicazione per un numero decimale.  Individuare multipli e divisori di un numero naturale e multipli e divisori comuni a più numeri.  Comprendere il significato e l'utilità del multiplo comune più piccolo e del divisore comune più grande, in matematica e in situazioni concrete.  In casi semplici scomporre numeri naturali in fattori primi e conoscere l’utilità di tale scomposizione per diversi fini.  Utilizzare la notazione usuale per le potenze con esponente intero positivo, consapevoli del significato e le proprietà delle potenze per semplificare calcoli e notazioni.  Conoscere la radice quadrata come operatore inverso dell’elevamento al quadrato.  Dare stime della radice quadrata utilizzando solo la moltiplicazione.  Sapere che non si può trovare una frazione o un numero decimale che elevato al quadrato dà 2, o altri numeri interi.  Utilizzare la proprietà associativa e distributiva per raggruppare e semplificare, anche mentalmente, le operazioni.  Descrivere con un’espressione numerica la sequenza di operazioni che fornisce la soluzione di un problema.  Eseguire semplici espressioni di calcolo con i numeri conosciuti, essendo consapevoli del significato delle parentesi e delle convenzioni sulla precedenza delle operazioni.  Esprimere misure utilizzando anche le potenze del 10 e le cifre significative.  Conoscere l’algebra e le sue origini nelle diverse parti del mondo  **Spazio e figure**  Riprodurre figure e disegni geometrici, utilizzando in modo appropriato e con accuratezza opportuni strumenti (riga, squadra, compasso, goniometro, software di geometria).  Rappresentare punti, segmenti e figure sul piano cartesiano.  Conoscere definizioni e proprietà (angoli, assi di simmetria, diagonali, …) delle principali figure piane (triangoli, quadrilateri, poligoni regolari, cerchio).  Descrivere figure complesse e costruzioni geometriche al fine di comunicarle ad altri.  Riprodurre figure e disegni geometrici in base a una descrizione e codificazione fatta da altri.  Riconoscere figure piane simili in vari contesti e riprodurre in scala una figura assegnata.  Conoscere il Teorema di Pitagora e le sue applicazioni in matematica e in situazioni concrete.  Determinare l’area di semplici figure scomponendole in figure elementari, ad esempio triangoli o utilizzando le più comuni formule.  Stimare per difetto e per eccesso l’area di una figura delimitata anche da linee curve.  Conoscere il numero π, e alcuni modi per approssimarlo.  Calcolare l’area del cerchio e la lunghezza della circonferenza, conoscendo il raggio, e viceversa  Conoscere e utilizzare le principali trasformazioni geometriche e i loro invarianti.  Rappresentare oggetti e figure tridimensionali in vario modo tramite disegni sul piano.  Visualizzare oggetti tridimensionali a partire da rappresentazioni bidimensionali.  Calcolare l’area e il volume delle figure solide più comuni e darne stime di oggetti della vita quotidiana.  Risolvere problemi utilizzando le proprietà geometriche delle figure.  **Relazioni e funzioni**  Interpretare, costruire e trasformare formule che contengono lettere per esprimere in forma generale relazioni e proprietà.  Esprimere la relazione di proporzionalità con un’uguaglianza di frazioni e viceversa.  Usare il piano cartesiano per rappresentare relazioni e funzioni empiriche o ricavate da tabelle, e per conoscere in particolare le funzioni del tipo y=ax, y=a/x, y=ax2, y=2n e i loro grafici e collegare le prime due al concetto di proporzionalità.  Esplorare e risolvere problemi utilizzando equazioni di primo grado.  **Dati e previsioni**  Rappresentare insiemi di dati, anche facendo uso di un foglio elettronico. In situazioni significative, confrontare dati al fine di prendere decisioni, utilizzando le distribuzioni delle frequenze e delle frequenze relative. Scegliere ed utilizzare valori medi (moda, mediana, media aritmetica) adeguati alla tipologia ed alle caratteristiche dei dati a disposizione. Saper valutare la variabilità di un insieme di dati determinandone, ad esempio, il campo di variazione.  In semplici situazioni aleatorie, individuare gli eventi elementari, assegnare a essi una probabilità, calcolare la probabilità di qualche evento, scomponendolo in eventi elementari disgiunti.  Riconoscere coppie di eventi complementari, incompatibili, indipendenti. |
| **Micro abilità per la classe prima** | **Micro abilità per la classe seconda** | **Micro abilità per la classe terza** |
| * Leggere e scrivere numeri naturali e decimali finiti in base dieci usando la notazione polinomiale e quella scientifica * Eseguire le quattro operazioni con i numeri naturali, anche utilizzando le proprietà * Eseguire semplici calcoli mentali * Utilizzo delle frazioni in contesti pratici (suddivisione di quantità, oggetti, ecc..) * Utilizzare la potenza e le sue proprietà per semplificare calcoli * Scomporre in fattori primi un numero intero * Determinare multipli e divisori di un numero intero e multipli e divisori comuni a più numeri * Risolvere problemi e modellizzare situazioni in campi di esperienza diversi * Eseguire semplici espressioni di calcolo con i numeri conosciuti, utilizzando correttamente le parentesi e le convenzioni sulla precedenza delle operazioni. * Riprodurre figure e disegni geometrici, utilizzando in modo appropriato e con accuratezza gli opportuni strumenti (riga, squadra, compasso, goniometro) * Individuare le proprietà delle principali figure piane (triangoli e quadrilateri) * Utilizzare il sistema di riferimento cartesiano in vari cntesti (carte, mappe, ecc…) * Calcolare il perimetro di figure piane ricavate dalla realtà * Riconoscere figure congruenti * Individuare situazioni problematiche in ambiti di esperienza * Rappresentare in modi diversi (verbali e simbolici) la situazione problematica * Individuare la carenza di dati essenziali, integrandoli eventualmente se incompleti * Individuare dati sovrabbondanti o contraddittori * Individuare e scegliere opportunamente le strategie risolutive in situazioni problematiche. * Formulare e giustificare ipotesi di soluzione * Tradurre la risoluzione di un problema in algoritmo * Verificare l’attendibilità dei risultati ottenuti | * Leggere e scrivere numeri naturali, razionali e irrazionali * Spiegare il significato dei numeri razionali: distinguere e usare scritture diverse per lo stesso numero razionale (decimale, frazionaria, percentuale ove possibile) * Confrontare numeri razionali rappresentandoli sulla retta * Eseguire semplici calcoli con numeri razionali usando metodi e strumenti diversi (calcolo mentale, carta e matita, calcolatrici) * Effettuare approssimazioni di calcolo * Estrarre radici ed effettuare la corrispondenza con il relativo elevamento a potenza (radice come operazione inversa dell’elevamento a potenza) * Risolvere problemi e modellizzare situazioni in campi di esperienza diversi * Eseguire semplici espressioni di calcolo con i numeri conosciuti, utilizzando correttamente le parentesi e le convenzioni sulla precedenza delle operazioni. * Usare le coordinate in situazioni concrete * Risolvere problemi usando le proprietà geometriche delle figure anche ricorrendo a modelli materiali e opportuni strumenti (riga, squadra, compasso) * Riconoscere figure congruenti e descrivere le isometrie necessarie per portarle a coincidere * Riconoscere grandezze proporzionali in vari contesti * Riprodurre in scala * Calcolare perimetri e aree delle principali figure piane (triangoli, quadrilateri, poligoni, cerchio) anche in contesti pratici * Conoscere ed applicare il Teorema di Pitagora * Riconoscere figure simili ed operare con trasformazioni non isometriche * Conoscere ed applicare i Teoremi di Euclide * Organizzare e rappresentare i dati in forma grafica, utilizzando anche strumenti informatici * Interpretare tabelle e grafici * Analizzare oggetti e fenomeni scegliendo le grandezze da misurare e gli opportuni strumenti * Effettuare e stimare misure in modo diretto e indiretto * Esprimere le misure nelle unità di misura del sistema internazionale * Individuare e scegliere opportunamente strategie risolutive in situazioni problematiche * Individuare e applicare relazioni di proporzionalità diretta e inversa da un insieme di dati * Effettuare stime approssimate per il risultato di un’operazione, anche per controllare la plausibilità di un calcolo già fatto * Individuare il significato logico – operativo di rapporto e grandezza derivata, impostare uguaglianze di rapporti per risolvere problemi di proporzionalità e percentuale con particolare attenzione a contesti reali * Distinguere eventi certi, probabili, impossibili * Conoscere il significato dei principali indici statistici e saperli individuare e calcolare * Individuare situazioni problematiche in ambiti di esperienza e di studio * Rappresentare in modi diversi (verbali e simbolici) la situazione problematiche * Formulare e giustificare ipotesi di soluzione * Tradurre la risoluzione di un problema in algoritmo * Verificare l’attendibilità dei risultati ottenuti | * Leggere, scrivere e operare con i numeri relativi * Utilizzare il linguaggio algebrico per generalizzare teorie, formule e proprietà * Risolvere ed utilizzare espressioni ed equazioni numeriche e letterali * Eseguire calcoli e risolvere problemi con equazioni di primo grado * Scegliere i metodi e gli strumenti appropriati per affrontare una situazione problematica ( calcolo mentale, carta e penna, calcolatrice, computer) * Conoscere ed usare le proprietà delle figure piane e solide * Usare le coordinate in situazioni concrete * Calcolare aree e volumi delle principali figure piane e solide * Visualizzare oggetti tridimensionali a partire da una rappresentazione bidimensionale e, viceversa, rappresentare su un piano una figura solida * Risolvere problemi usando proprietà geometriche delle figure, anche ricorrendo a modelli materiali e a opportuni strumenti (riga, squadra, compasso) * Riconoscere la differenza tra circonferenza e cerchio individuandone le diverse parti; operare con poligoni inscritti e circoscritti * Classificare dati ottenuti in modo sperimentale o da altre fonti * Verificare l' attendibilità dei dati raccolti * Interpretare tabelle e grafici * Interpretare in termini probabilistici i risultati relativi a prove multiple di eventi in contesti reali * Riconoscere eventi complementari, eventi incompatibili, eventi indipendenti * Usare ed interpretare misure di centralità e dispersione * Valutare criticamente le informazioni diffuse da fonti diverse * Individuare situazioni problematiche in ambiti di esperienza e di studio * Rappresentare in modi diversi (verbali e simbolici) la situazione problematica * Individuare la carenza di dati essenziali, integrandoli eventualmente se incompleti * Individuare e scegliere opportunamente le strategie risolutive in situazioni problematiche. * Formulare e giustificare ipotesi di soluzione * Tradurre la risoluzione di un problema in algoritmo |
| **CONOSCENZE FINE SCUOLA SECONDARIA DI PRIMO GRADO** | Gli insiemi numerici: rappresentazioni, operazioni, ordinamento  I sistemi di numerazione  Operazioni e proprietà  Frazioni  Potenze di numeri  Espressioni algebriche: principali operazioni  Equazioni di primo grado  Gli enti fondamentali della geometria e il significato dei termini: assioma, teorema, definizione  Il piano euclideo: relazioni tra rette; congruenza di figure; poligoni e loro proprietà  Circonferenza e cerchio  Misure di grandezza; perimetro e area dei poligoni. Teorema di Pitagora  Il metodo delle coordinate: il piano cartesiano  Trasformazioni geometriche elementari e loro invarianti  Le fasi risolutive di un problema e loro rappresentazioni con diagrammi  Principali rappresentazioni di un oggetto matematico  Tecniche risolutive di un problema che utilizzano frazioni, proporzioni, percentuali, formule geometriche, equazioni di primo grado  Significato di analisi e organizzazione di dati numerici  Il piano cartesiano e il concetto di funzione  Superficie e volume di poligoni e solidi | |

|  |  |
| --- | --- |
| ***SEZIONE B: Evidenze e compiti significativi*** | |
| **COMPETENZA CHIAVE EUROPEA:** | **COMPETENZA MATEMATICA E COMPETENZA IN SCIENZE, TECNOLOGIE E INGEGNERIA** |
| **EVIDENZE** | **COMPITI SIGNIFICATIVI** |
| L’alunno si muove con sicurezza nel calcolo, ne padroneggia le diverse rappresentazioni e stima la grandezza di un numero e il risultato di operazioni.  Riconosce e denomina le forme del piano e dello spazio, le loro rappresentazioni e individua le relazioni tra gli elementi.  Analizza e interpreta rappresentazioni di dati per ricavarne informazioni e prendere decisioni.  Riconosce e risolve problemi in contesti diversi valutando le informazioni.  Spiega il procedimento seguito, anche in forma scritta; confronta procedimenti diversi e riesce a passare da un problema specifico a una classe di problemi.  Sa utilizzare i dati matematici e la logica per sostenere argomentazioni e supportare informazioni.  Utilizza e interpreta il linguaggio matematico (piano cartesiano, formule, equazioni…) e ne coglie il rapporto col linguaggio naturale e le situazioni reali.  Nelle situazioni di incertezza legate all’esperienza si orienta con valutazioni di probabilità.  Attraverso esperienze significative, utilizza strumenti matematici appresi per operare nella realtà. | **ESEMPI:**  Applicare e riflettere sul loro uso, algoritmi matematici a fenomeni concreti della vita quotidiana e a compiti relativi ai diversi campi del sapere:   * eseguire calcoli, stime, approssimazioni applicati a eventi della vita e dell’esperienza quotidiana e a semplici attività progettuali * utilizzare i concetti e le formule relative alla proporzionalità nelle riduzioni in scala * calcolare l’incremento proporzionale di ingredienti per un semplice piatto preparato inizialmente per due persone e destinato a n persone; * applicare gli strumenti della statistica a semplici indagini sociali e ad osservazioni scientifiche * interpretare e ricavare informazioni da dati statistici * utilizzare modelli e strumenti matematici in ambito scientifico sperimentale   Contestualizzare modelli algebrici in problemi reali o verosimili (impostare l’equazione per determinare un dato sconosciuto in contesto reale; determinare, attraverso la contestualizzazione, il significato “reale” dei simboli in un’operazione o espressione algebrica  Utilizzare il piano cartesiano per svolgere compiti relativi alla cartografia, alla progettazione tecnologica, all’espressione artistica, al disegno tecnico (ingrandimenti, riduzioni…), alla statistica (grafici e tabelle)  Rappresentare situazioni reali, procedure con diagrammi di flusso  Applicare i concetti e gli strumenti della matematica (aritmetica, algebra, geometria, misura, statistica, logica, ad eventi concreti |  |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| ***SEZIONE C: Livelli di padronanza*** | | | | | |
| **COMPETENZA CHIAVE EUROPEA:** | | **COMPETENZA MATEMATICA E COMPETENZA IN SCIENZE, TECNOLOGIE E INGEGNERIA** | | | |
| **LIVELLI DI PADRONANZA** | | | | | |
| **1** | **2** | | **3**  **dai Traguardi per la fine della scuola primaria** | **4** | **5**  **dai Traguardi per la fine del primo ciclo** |
| Numera in senso progressivo. Utilizza i principali quantificatori. Esegue semplici addizioni e sottrazioni in riga senza cambio. Padroneggia le più comuni relazioni topologiche: vicino/lontano; alto basso; destra/sinistra; sopra/sotto, ecc.  Esegue percorsi sul terreno e sul foglio. Conosce le principali figure geometriche piane. Esegue seriazioni e classificazioni con oggetti concreti e in base ad uno o due attributi.  Utilizza misure e stime arbitrarie con strumenti non convenzionali  Risolve problemi semplici, con tutti i dati noti ed espliciti, con l’ausilio di oggetti o disegni. | Conta in senso progressivo e regressivo anche saltando numeri. Conosce il valore posizionale delle cifre ed opera nel calcolo tenendone conto correttamente. Esegue mentalmente e per iscritto le quattro operazioni ed opera utilizzando le tabelline.  Opera con i numeri naturali e le frazioni.  Esegue percorsi anche su istruzione di altri. Denomina correttamente figure geometriche piane, le descrive e le rappresenta graficamente e nello spazio.  Classifica oggetti, figure, numeri in base a più attributi e descrive il criterio seguito.  Sa utilizzare semplici diagrammi, schemi, tabelle per rappresentare fenomeni di esperienza.  Esegue misure utilizzando unità di misura convenzionali. Risolve semplici problemi matematici relativi ad ambiti di esperienza con tutti i dati esplicitati e con la supervisione dell’adulto. | | Si muove con sicurezza nel calcolo scritto e mentale con i numeri naturali e sa valutare l’opportunità di ricorrere a una calcolatrice.  Riconosce e rappresenta forme del piano e dello spazio, relazioni e strutture che si trovano in natura o che sono state create dall’uomo.  Descrive, denomina e classifica figure in base a caratteristiche geometriche, ne determina misure, progetta e costruisce modelli concreti di vario tipo.  Utilizza strumenti per il disegno geometrico (riga, compasso, squadra) e i più comuni strumenti di misura (metro, goniometro...).  Ricerca dati per ricavare informazioni e costruisce rappresentazioni (tabelle e grafici). Ricava informazioni anche da dati rappresentati in tabelle e grafici.  Riconosce e quantifica, in casi semplici, situazioni di incertezza.  Legge e comprende testi che coinvolgono aspetti logici e matematici.  Riesce a risolvere facili problemi in tutti gli ambiti di contenuto, mantenendo il controllo sia sul processo risolutivo, sia sui risultati. Descrive il procedimento seguito e riconosce strategie di soluzione diverse dalla propria.  Costruisce ragionamenti formulando ipotesi, sostenendo le proprie idee e confrontandosi con il punto di vista di altri.  Riconosce e utilizza rappresentazioni diverse di oggetti matematici (numeri decimali, frazioni, percentuali, scale di riduzione, ...).  Sviluppa un atteggiamento positivo rispetto alla matematica, attraverso esperienze significative, che gli hanno fatto intuire come gli strumenti matematici che ha imparato ad utilizzare siano utili per operare nella realtà. | Opera con i numeri naturali, decimali e frazionari; utilizza i numeri relativi, le potenze e le proprietà delle operazioni, con algoritmi anche approssimati in semplici contesti.  Opera con figure geometriche piane e solide identificandole in contesti reali; le rappresenta nel piano e nello spazio; utilizza in autonomia strumenti di disegno geometrico e di misura adatti alle situazioni; padroneggia il calcolo di perimetri, superfici, volumi.  Interpreta semplici dati statistici e utilizza il concetto di probabilità.  Utilizza in modo pertinente alla situazione gli strumenti di misura convenzionali, stima misure lineari e di capacità con buona approssimazione; stima misure di superficie e di volume utilizzando il calcolo approssimato.  Interpreta fenomeni della vita reale, raccogliendo e organizzando i dati in tabelle e in diagrammi in modo autonomo. Sa ricavare: frequenza, percentuale, media, moda e mediana dai fenomeni analizzati.  Risolve problemi di esperienza, utilizzando le conoscenze apprese e riconoscendo i dati utili dai superflui.  Sa spiegare il procedimento seguito e le strategie adottate.  Utilizza il linguaggio e gli strumenti matematici appresi per spiegare fenomeni e risolvere problemi concreti. | L’alunno si muove con sicurezza nel calcolo anche con i numeri razionali, ne padroneggia le diverse rappresentazioni e stima la grandezza di un numero e il risultato di operazioni.  Riconosce e denomina le forme del piano e dello spazio, le loro rappresentazioni e ne coglie le relazioni tra gli elementi.  Analizza e interpreta rappresentazioni di dati per ricavarne misure di variabilità e prendere decisioni.  Riconosce e risolve problemi in contesti diversi valutando le informazioni e la loro coerenza.  Spiega il procedimento seguito, anche in forma scritta, mantenendo il controllo sia sul processo risolutivo, sia sui risultati.  Confronta procedimenti diversi e produce formalizzazioni che gli consentono di passare da un problema specifico a una classe di problemi.  Produce argomentazioni in base alle conoscenze teoriche acquisite (ad esempio sa utilizzare i concetti di proprietà caratterizzante e di definizione).  Sostiene le proprie convinzioni, portando esempi e controesempi adeguati e utilizzando concatenazioni di affermazioni; accetta di cambiare opinione riconoscendo le conseguenze logiche di una argomentazione corretta.  Utilizza e interpreta il linguaggio matematico (piano cartesiano, formule, equazioni, ...) e ne coglie il rapporto col linguaggio naturale.  Nelle situazioni di incertezza (vita quotidiana, giochi, …) si orienta con valutazioni di probabilità.  Ha rafforzato un atteggiamento positivo rispetto alla matematica attraverso esperienze significative e ha capito come gli strumenti matematici appresi siano utili in molte situazioni per operare nella realtà. |  |

Livello 3: atteso a partire dalla fine della scuola primaria

Livello 4: atteso nella scuola secondaria di primo grado

Livello 5: atteso alla fine della scuola secondaria di primo grado